

Definitie 1 (Gamma-functie) $\Gamma(n)$ is een uitbreiding van de faculteitsfunctie naar complexe en reële argumenten. Deze relatie wordt gegeven door $\Gamma(n) = (n-1)!$ voor alle $n \in \mathbb{N}$.

Definitie 2 (Euler's integraalvorm) Voor $z \in \mathfrak{R}$, $z > 0$, wordt de Γ -functie gegeven door:

$$\Gamma(z) = \int_0^{\infty} t^{z-1} e^{-t} dt$$

Definitie 3 (Kansmassa (pdf)-functie) Een functie $f(x)$ is een pdf dan en alleen dan als:

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx, f(x) \geq 0, \forall x \in \mathfrak{R}$$

Gevolg 1 $f(x)$ is een kansmassafunctie dan en slechts dan als de volgende eigenschappen gelden:

$$f : \mathfrak{R} \rightarrow [0, 1], f(x) \geq 0 \tag{1}$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1 \tag{2}$$

Notitie 1 Z is de standaardnormale verdeling (een normale verdeling met gemiddelde 0 en standaardafwijking 1). De kansmassafunctie hiervan is gegeven door:

$$f_Z(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2}$$

Definitie 4 ($\Gamma(\alpha, \beta)$ -verdeling) De $\Gamma(\alpha, \beta)$ -familie wordt gegeven door de volgende pdf:

$$f_{\Gamma(\alpha, \beta)}(x) = \frac{1}{\Gamma(\alpha)\beta^\alpha} x^{\alpha-1} e^{-x/\beta}$$